

Marcin ŻYCKOWSKI
Politechnika Gdańska

EFEKTYWNA METODA WYZNACZANIA TRASY STATKÓW ŻAGLOWYCH

Streszczenie. Zaproponowano metodę wyznaczania suboptymalnej trasy statków żaglowych poruszających się w ograniczonym akwenu morskim. Uwzględniono przy tym dynamikę tego środowiska w tym warunki pogodowe oraz charakterystyki prędkościowe statków żaglowych. Jako kryterium optymalizacji przyjęto czas żeglugi T oraz liczbę wykonanych manewrów ω . Zaprojektowano heurystyczny algorytm oraz odpowiednią aplikację wyznaczania trasy dla ustalonych punktów startowych i docelowych. Przeanalizowano zachowanie się algorytmu w zależności od liczby zmian kierunków żeglugi oraz przyjętej ziarnistości opisu akwenu.

EFFECTIVE METHOD OF ROUTING SHIPS SAILING

Summary. The proposed method for determining the suboptimal route of sailing vessels operating in restricted area of the sea. The dynamics of the environment including weather conditions and speed characteristics of ships sailing are considered. As optimization criterion, measure sailing time T and the number of maneuvers performed ω are taken into account. We designed a heuristic algorithm and the appropriate application routing for fixed starting points and targets. We analyzed the behavior of the algorithm depending on the number of direction changes of the course and granularity the description of the surface of area.

1. Wprowadzenie

Problem optymalizacji trasy w żeglarstwie jest znany, ale nie obszernie przeanalizowany przez grono naukowców. W literaturze naukowej pierwsze artykuły na temat wspomaganie statków żaglowych w szukaniu optymalnej drogi pojawiły się pod koniec lat 70. W 1978 Kerwin w artykule [5] przedstawił nowatorski sposób szukania optymalnej drogi statku żaglowego za pomocą zestawów równań nieliniowych, gdzie zmiennymi są charakterystyka biegunowa statku i parametry konstrukcyjne. Rozwój tej dziedziny nauki determinowany był i jest nadal przez wielkie regaty jachtowe takie jak Puchar Ameryki, Cowes Races czy Mug Races. Wielu naukowców na podstawie danych konstrukcyjnych i charakterystyk biegunowych statków tworzy modele wspomagające w podejmowaniu decyzji

kursowych przedstawiając różne scenariusze decyzyjne o wysokim współczynniku prawdopodobieństwa sukcesu tak jak w artykule [10] czy w [9]. Podczas przeglądu stanu wiedzy z tej dziedziny zauważano, że na ogół przedstawia się tylko koncepcję i zarys rozwiązań, bez szczegółowych wyników badań i testów ich oceny. Wynika to ze względów biznesowych i konkurencyjności między zespołami osad statków żaglowych, które nie udostępniają parametrów jachtów. W artykule [9] Philpot zauważył, że ze względu na zmienne prognozy meteorologiczne rozważa się dwa podejścia do tego problemu: deterministyczny i stochastyczny. Dla rzeczywistych danych meteorologicznych stałych dla dłuższego okresu czasu, opracowuje się deterministyczne algorytmy szukania optymalnej trasy. Jeżeli dane meteorologiczne są niepewne lub zmienne w czasie to algorytm buduje się na podstawie podejścia stochastycznego, uwzględniając różne scenariusze prognozy pogody. Ciekawe osiągnięcia dotyczą problemów zachowania się bezzałogowych statków żaglowych. Na przykład w artykule [7] autorzy sugerują rozwiązania problemu planowania podróży bezzałogowego statku żaglowego z wykorzystaniem algorytmów bazujących na teorii grafów z uwzględnieniem biegunowej charakterystyki prędkościowej statku żaglowego. Biegunowa charakterystyka prędkościowa i wiedza na temat parametrów wiatru pozwala już na predykcję prędkości statku żaglowego w zależności od wybranego kierunku ruchu. Zgodnie z koncepcją e-nawigacji opisanej w artykule [4] podjęcie tego typu badań jest istotne dla nawigatora statku żaglowego gdyż, prowadzi zarówno do obniżenia kosztów (optymalizacja podróży w zależności od wybranych kryteriów i ograniczeń) czy zwiększenia bezpieczeństwa podróży. Propozycje wspomaganie wyboru trasy optymalnej dla statku żaglowego, (głównie z środowisk zajmujących się bezzałogowymi statkami żaglowymi) mają jednak pewne ograniczenia. Na przykładzie metod [7] ograniczenia te dotyczą:

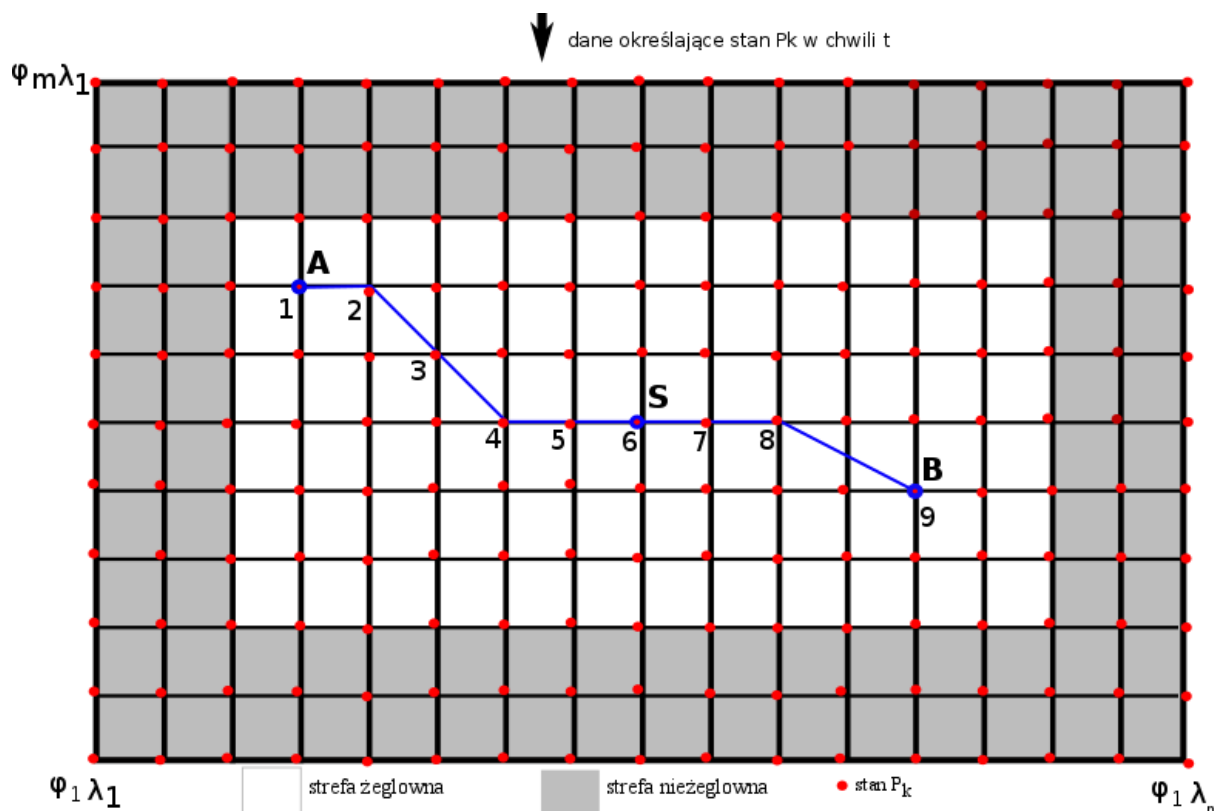
- optymalizacji ruchu statku żaglowego z wykorzystaniem tylko kryterium czasu żeglugi (z punktu startowego do punktu docelowego);
- rozpatrywania tylko statycznych danych (dostępnych parametrów wiatru w strefie żeglownej tylko przed startem);
- dyskretyzacji ruchu statku uwzględniającej najczęściej 8 możliwych kierunków ruchu.

Większa dyskretyzacja przestrzeni żeglownej oraz uwzględnienie większej liczby kierunków ruchu [1], [10] wymaga modyfikacji znanych algorytmów oraz wykonywanie obliczeń dużej skali. W proponowanej metodzie zakłada się uwzględnienie do 32 kierunków zmiany ruchu statku żaglowego, a także dostarczanie dynamicznych danych pogodowych w trakcie pokonywania trasy. Poza tym do wyboru trasy wykorzystuje się wielokryterialne podejście uwzględniające czas podróży i liczbę wykonanych manewrów. Czas podróży T jest to czas przepłynięcia obiektu od startu do mety. Liczba manewrów ω jest to liczba zmian kierunków żeglugi tego obiektu w czasie podróży. W celu oceny tego typu podejścia zbudowano symulator podróży SaillingAssistance, który umożliwia sprawdzenie różnych wariantów rozwiązań i ocenę każdego z nich.



2. Model środowiska żeglugi

Dla przeprowadzenia badań, niezbędna jest dyskretyzacja obszaru żaglowego, a także zestaw kryteriów optymalizacji wyboru trasy.



Rys. 1. Model środowiska dla wyznaczenia trasy statku żaglowego

Rysunek 1 przedstawia ograniczony obszar żeglowania w którym zaznaczono strefę żeglowną i nieżeglowną, a także naniesiono siatkę punktów w których opisuje się stan tego obszaru jak i trasę statku żaglowego. Jak wynika z przebiegu trasy obiekt wykonał trzy razy manewr ażeby dotrzeć od punktu A do punktu B. (w punkcie 2,4,8), gdzie A jest punktem startu, B jest metą. Mapa rzeczywista obszaru żeglowania jest zastępowana przez kratę opisaną przez zbiór punktów P_k , wybranych w regularnych odstępach określanych przez współrzędne geograficzne. P_k określa się przez szerokość φ_i i długość λ_i , tzn.

$$P_k = P_{ij} = P(\varphi_i, \lambda_j) \quad i=1,2,\dots,m; j=1,2,\dots,n \quad (1)$$

Ziarnistość opisu obszaru mapy określa się powierzchnią tego obszaru żeglowania OB przypadającej na jedną kratę wyznaczoną przez zbiór punktów P_k , tzn.

$$z = \frac{OB}{m \times n} = \frac{(\varphi_{\max} - \varphi_{\min}) \times (\lambda_{\max} - \lambda_{\min})}{m \times n}, \quad (2)$$

gdzie φ_{\max} (λ_{\max}), φ_{\min} (λ_{\min}) oznaczają minimalną i maksymalną szerokość (długość) geograficzną wyrażoną w stopniach.

$\varphi_{\min} = \min \{ \varphi_i, i=1,2,\dots,m \}$, $\lambda_{\min} = \min \{ \lambda_i, i=1,2,\dots,n \}$, $\varphi_{\max} = \max \{ \varphi_i, i=1,2,\dots,m \}$, $\lambda_{\max} = \max \{ \lambda_i, i=1,2,\dots,n \}$. Im z jest mniejsze tym ziarnistość obszaru żeglowania jest większa.

Z każdym punktem P_k obszaru żeglowania wiążemy pewne dane określające stan analizowanego obszaru $S(P_k)$. W ogólnym przypadku stan ten zależy od czasu i w każdej chwili t może być różny, dlatego oznaczamy go przez $S(P_k, t)$. Z kolei rozpatrywane parametry obiektu żeglownego, takie jak wielkość prędkości czy kierunek ruchu określają stan tego obiektu, który może być różny w każdym punkcie żeglowania. Przyjmujemy więc, że te wartości określamy przez $O(P_k, t)$. Tak więc możemy określić problem doboru trasy w zależności od przyjętej ziarnistości obszaru żeglownego, jak też zależnych od czasu żeglowania wartości $S(P_k, t)$ oraz $O(P_k, t)$, $k=1, 2, \dots, m \cdot n$, $t \in \langle 0, T \rangle$, gdzie T jest czasem żeglowania od startu do mety.

Można przyjąć, że wartości parametrów $S(P_k, t)$ oraz $O(P_k, t)$ są znane lub estymowane przed rozpoczęciem żeglugi. Można też założyć, że są one określane lub odczytywane dzięki dostępnym usługom na bieżąco w trakcie żeglowania. W obu tych przypadkach jest istotne by czas żeglugi T był jak najmniejszy. Innym kryterium może być liczba wykonywanych manewrów ω (inaczej zmian kierunków ruchu statku), gdyż wpływa ona istotnie na czas żeglugi.

3. Sposób żeglowania

W związku z dyskretyzacją obszaru żeglowania można opisać go jako graf nieskierowany $G(V, E)$, gdzie V to reprezentuje zbiór punktów $P_k = P_{ij}$, tzn.

$$V = \{P_{ij}; i=1, 2, \dots, m, j=1, 2, \dots, n\} \quad (3)$$

Zbiór krawędzi E określa wszystkie możliwości żeglowania pomiędzy punktami P_k

$$e_x \in E \text{ to } e_x = (P_k, P_l) \quad (4)$$

tzn. obiekt żeglowny może przepłynąć bezpośrednio z punktu P_k do punktu P_l . Tak zdefiniowany graf $G(V, E)$ określa wszystkie możliwe trasy z wyróżnionego punktu A do wyróżnionego punktu B . Uwzględniając stany obszaru żeglownego $S = \{S(P_k, t)\}$ oraz stany obiektu $O = \{O(P_k, t)\}$ dla wszystkich punktów P_k graf $G(V, E)$ zmienia się w ważony graf $G(V, E, S, O)$, który umożliwia wyznaczania trasy dla dwóch wyróżnionych wcześniej przypadków, gdy parametry S i O są znane a priori i stałe w czasie, lub estymowane, lub wyznaczane na bieżąco. W obu tych przypadkach może być wykorzystywany zmodyfikowany algorytm Dijkstry [2] dla przyjętych kryteriów optymalizacji. Dodatkowym wyzwaniem jest pozyskiwanie odpowiednich parametrów obszaru i statku. Dodatkowo z uwagi na bezpieczeństwo żeglugi należy uwzględnić strefy nieżeglowne, które nie muszą być tak regularne jak pokazuje rysunek 1.

W dalszych rozważaniach przyjmujemy, że $S(P_k, t)$ opisane jest jedynie stanem pogodowym ograniczonym do podania w punkcie P_k siły wiatru $W_k(t)$ oraz jego kierunku $K_{W_k}(t)$ innymi słowy

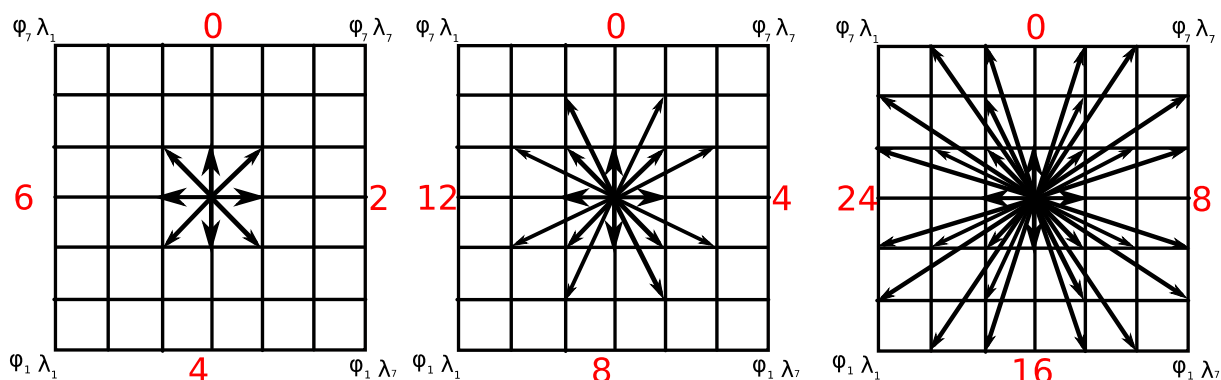
$$S(P_k, t) = \{W_k(t), K_{W_k}(t)\} \quad (5)$$

Natomiast $O(P_k, t)$ określa się przez wielkość prędkości obiektu $V_k(t)$ oraz jego kierunek $K_{V_k}(t)$, tzn.

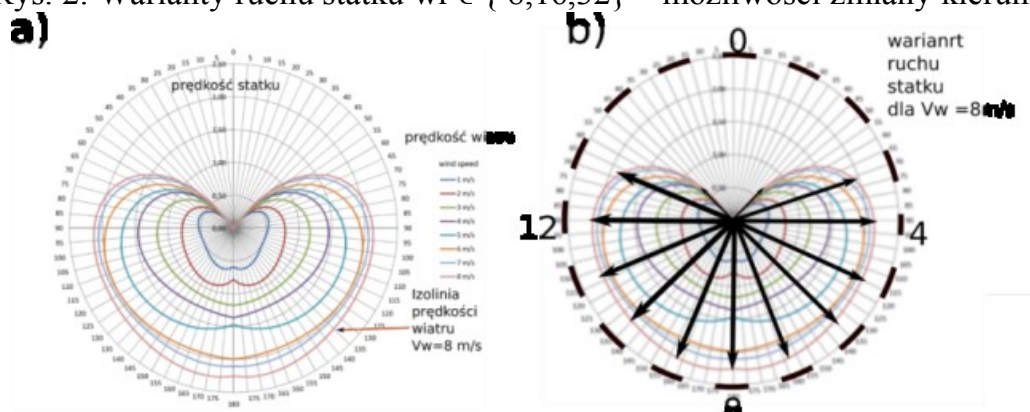
$$O(P_k, t) = \{V_k(t), K_{V_k}(t)\} \quad (6)$$

Przyjmujemy również, że ruch obiektu może odbyć się tylko w wyróżnionych kierunkach jak to pokazano na rysunku 2. Zakłada się dopuszczalne $w_r \in \{8, 16, 32\}$

możliwych kierunków ruchu. Co więcej z uwagi na siłę i kierunek wiatru nie wszystkie kierunki manewru będą akceptowalne z uwagi na bezpieczeństwo. Dopuszczalne kierunki manewru wynikają z tzw. charakterystyki biegunowej chB statku żaglowego przedstawionej na rysunku 3.



Rys. 2. Warianty ruchu statku wr ∈ { 8,16,32} – możliwości zmiany kierunku



Rys. 3. Charakterystyka biegunowa statku żaglowego[11]

Charakterystyka ta może być różna dla każdego statku i jest opracowana doświadczalnie przez jego projektantów lub producentów. W dalszych rozważaniach dokonujemy również dyskretyzacji tej charakterystyki w zależności od dopuszczalnych wariantów kierunków ruchu wr. Dla wr=8 możliwe kierunki ruchu statku to Kr = [N,NE,E,SE,S,SW,W] a rzeczywisty odczyt prędkości i W_k^r i kierunku wiatru K_k^r w punkcie P_k jest dyskretyzowany według wzoru

$$W_k = \lfloor W_k^r + 0.5 \rfloor \tag{7}$$

$$K_{W_k} = \left\lfloor \frac{K_{W_k}^r}{360} + 0.5 * \left(\frac{360}{wr} \right) \right\rfloor \tag{8}$$

gdzie $K_{W_k} = 0$ to kierunek wiatru wiejący z N, $K_{W_k} = 1$ to wiatr z NE itd.

Charakterystykę sprowadzamy do macierzy C_{ab}

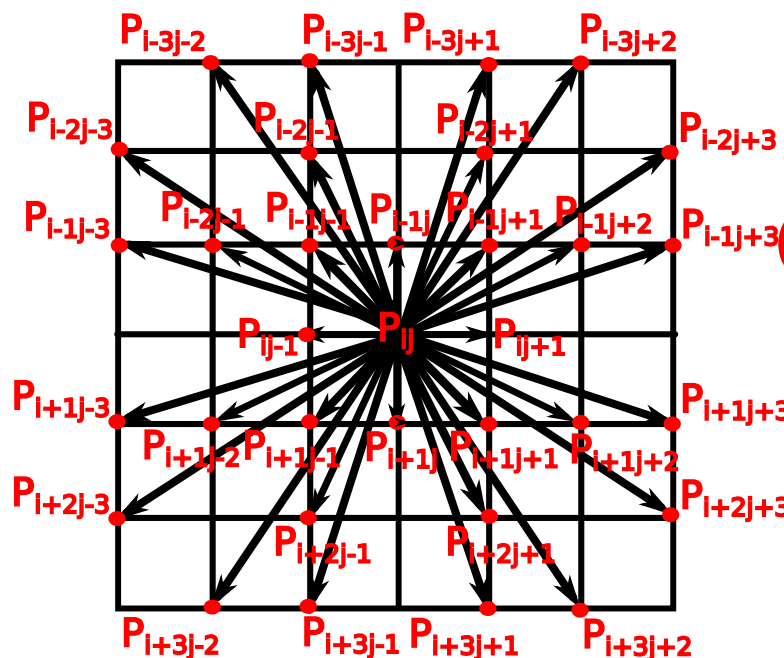
$$C = [c_{ab}] \quad a = 0, 1, \dots, a_{\max} \quad b = 1, 2, \dots, b_{\max} \tag{9}$$

Indeksom a odpowiadają dopuszczalne kierunki ruchu, wr ∈ {8,16,32} (patrz rys. 3); indeksom b, dyskretne prędkości wiatru, b_{max} -maksymalna izolinia prędkości wiatru na diagramie (rys 3), C_{ab} odpowiada dopuszczalnej wartości prędkości obiektu (węzły) przy zadanych warunkach, tzn. wybranego kierunku Kr_k, oraz prędkości W_k i kierunku

wiatru K_{w_k} w punkcie P_k w chwili t . Wartości te odczytujemy z charakterystyki przedstawionej na rysunku 3 przy ustawieniu tarczy zgodnie z bieżącym kierunkiem wiatru (ustawienie wyjściowe – wiatr wieje z N). Zatem macierz C przedstawiona dla charakterystyki z rysunku 3 przy 8 kierunkach ruchu przyjmuje postać tak jak poniżej:

$$C = \begin{pmatrix} 0 & 0.41 & 0.52 & 0.53 & 0.58 & 0.53 & 0.52 & 0.41 \\ 0 & 0.45 & 0.77 & 0.86 & 0.79 & 0.86 & 0.77 & 0.45 \\ 0 & 0.52 & 1.16 & 1.13 & 1.17 & 1.13 & 1.16 & 0.52 \\ 0 & 0.57 & 1.45 & 1.33 & 1.35 & 1.33 & 1.45 & 0.57 \\ 0 & 0.65 & 1.68 & 1.70 & 1.47 & 1.70 & 1.68 & 0.65 \\ 0 & 0.69 & 1.93 & 1.97 & 2.00 & 1.97 & 1.93 & 0.69 \\ 0 & 0.81 & 2.04 & 2.05 & 2.12 & 0.81 & 2.04 & 0.81 \\ 0 & 0.83 & 2.11 & 2.16 & 2.26 & 0.83 & 2.11 & 0.83 \end{pmatrix} \quad (10)$$

Przyjmując, że statek jest w punkcie P_k , konieczne jest ustalenie następnego punktu P_l do którego dociera z odpowiednią prędkością V_k i przyjętym kierunkiem K_{r_k} . Niech $P_k = P_{ij}$ i $P_l = P_{xy}$ wtedy w zależności od przyjętego kierunku przepływu $P_{xy} = P_{i+p,j+q}$ gdzie $p, q \in \{-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3\}$ jak przedstawia to rysunek 4.



Rys. 4. Możliwe przejścia z punktu P_k do punktu P_l

Przyjmując, że trasa statku żeglownego składa się z d punktów w dyskretnym obszarze żeglowania i w każdym punkcie wybieramy z 32 wariantów żeglugi to powinniśmy, bez uwzględniania złożoności algorytmu wyznaczania kolejnego punktu trasy przeanalizować 32 do potęgi d różnych kombinacji. Łatwo zauważyć, że liczba ich znacznie wzrasta dla mniejszej ziarnistości (bo d wzrasta). Zatem jest to poważne zadanie obliczeniowe.

4. Procedura wyznaczania trasy

Procedura SailingAssistance została opracowana do wyznaczanie efektywnej trasy statku żaglowego, korzysta z następujących funkcji i danych wejściowych:

- A, B – A to punkt startowy, B to punkt końcowy trasy, wyznaczony przez użytkownika.
- $Create(OB, m, n)$ – wynikiem funkcji jest krata m na n dla danego obszaru OB .
- $Change(chB)$ – transformacja charakterystyki biegunowej chB statku na macierz $C_{ab} = Change(chB)$.
- $Area(P_{ij}, t)$ – wczytanie stanu obszaru OB w punkcie kraty P_{ij} i chwili t , tzn. $S(P_{ij}, t) = Area(P_{ij}, t)$ dla $i=1, 2, \dots, m$; dla $j=1, 2, \dots, n$.
- $Object(P_{ij}, t)$ – wyznaczanie stanu obiektu w punkcie $P_k = P_{ij}$ oraz wyznaczanie następnych punktów żeglugi P_1 (patrz rys. 4).
- $Dijkstra(A, B, wr, t)$ – realizacja algorytmu Dijkstry dla grafu $G(V, E, O, S)$ z ustalonymi parametrami (wariant ruchu wr i z zadaniem kryterium minimum czasu podróży T). Wynikiem jest lista punktów trasy, gdzie punkt pierwszy to $P_1=A$, a punkt ostatni to $P_{ost}=B$. $Trasa=\{P_1, P_2, \dots, P_{ost}\}=Dijkstra(A, B, wr, t)$.
- $Timeto(P_k, P_l)$ czas przejścia z P_k do P_l następnego punktu wyznaczonej trasy.

Procedure SailingAssistance($OB, m, n, chB, A, B, wr, t$)

$Create(OB, m, n)$;

$Change(chB)$; % utworzenie macierzy C_{ab} pozwala na obliczanie czasu P_k do P_l

$State(t)$

 for $i=1:m$

 for $j=1:n$

$S_{ij}(P_{ij}, t) = Area(P_{ij}, t)$;

$O_{ij}(P_{ij}, t) = Object(P_{ij}, t)$;

 end

 end

 end

$k=1$; $time=t$;

$Trasa=Dijkstra(A, B, wr, time)$; % utworzenie listy punktów P_x trasy gdzie $x \in \{1, 2, \dots, ost\}$, $P_1=A$, $P_{ost}=B$,

$k=k+1$;

 while ($P_{k+1} \neq B$)

$t=time$;

$time=time+ Timeto(P_k, P_{k+1})$;

 if ($Area(P_{k+1}, t) \neq Area(P_{k+1}, time)$)

$State(time)$; % stan OB . w czasie $t=time$

$Trasa=Dijkstra(P_{k+1}, B, wr, time)$; % tworzenie listy punktów P'_x trasy

 % gdzie $x \in \{1, 2, \dots, ost\}$; $P'_1 = P_{k+1}$, $P'_{ost} = B$,

$P_k = P'_2$; % wybierz z nowej listy Trasy drugi punkt

 else

$k=k+1$; % następny punkt na liście wyznaczonej Trasy

 end



```
end  
print Trasa(A,B);  
end
```

Przyjmując, że trasa statku żeglownego składa się z d punktów w dyskretnym obszarze żeglowania i w każdym punkcie wybieramy z 32 wariantów żeglugi to powinniśmy, bez uwzględniania złożoności algorytmu wyznaczania kolejnego punktu trasy przeanalizować 32^d do potęgi d różnych kombinacji. Łatwo zauważyć, że liczba ich znacznie wzrasta dla mniejszej ziarnistości (bo d wzrasta). Zatem jest to poważne zadanie obliczeniowe.

5. Testowanie

Symulator SailingAssistance dla szukania optymalnej trasy dla statku żaglowego znajduje się na serwerze sail.niwa.gda.pl. Opiswane rozwiązanie zagnieżdżone jest w aplikacji będącej częścią projektu CD NIWA [6] w podprojekcie Koala [3]. CD NIWA to platforma do wytwarzania różnego typu aplikacji (równoległych, rozproszonych i mobilnych). Koala to rozbudowana biblioteka C++ implementująca liczne struktury, operacje i algorytmy znane z teorii grafów i sieci. CD NIWA udostępnia miejsce na serwerze sail.niwa.gda.pl, a przy realizacji metody szukania optymalnej trasy dla statków żaglowych Koala udostępnia implementację algorytmu Dijkstry. W aktualnej wersji oprogramowania aplikacji użytkownik ma do dyspozycji wybór liczby wariantów ruchu wr , wybór punktu startowego i końcowego w zdefiniowanym prostokątnym obszarze ($\varphi_1 = 54.217$ N, $\lambda_1 = 18.069$ E.; $\varphi_n = 54.936$ N, $\lambda_m = 19.508$ E). W tym zdefiniowanym obszarze odbierane są dane meteorologiczne z zewnętrznego serwisu AccusWebApi.

W opisanym środowisku przeprowadzono testy dla procedury SailingAssistance w zależności od ziarnistości kraty oraz dopuszczalnych wariantów wyboru ruchu dla stałych punktów A i B. Na rysunku 5 przedstawiono wybrane warianty ruchu dla $wr \in \{8, 16, 32\}$ oraz ziarnistości $z = z = 73 \cdot 10^{-8}$ i $z = 293 \cdot 10^{-9}$. Najlepszy całkowity czas trasy T dla danych warunków pogodowych okazał się wariant $wr=32$ i $z = 293 \cdot 10^{-9}$ zaznaczony ramką. Wybrane parametry wyznaczonej trasy oraz czas wykonania procedury SailingAssistance podaje tabela 1. Dla większej liczby wybranych kierunków wr , oraz większej ziarnistości obszaru czas żeglugi maleje, rośnie jednak czas pracy procedury SailingAssistance.





Rys. 5. Zobrazowanie efektywnej metody szukania suboptymalnej trasy: od lewej zaczynając w pierwszym rzędzie dla ziarnistości $z = 73 \cdot 10^{-8}$ dla wariantów ruchu 8,16,32 w drugim rzędzie dla $z = 293 \cdot 10^{-9}$ i wariantów ruchu 8,16,32

Tabela 1

Porównanie wariantów ruchu 8,16,32 z punktu startowego A do punktu końcowego B

$\varphi_A(\lambda_A)$ =54.56N(19.23E) $\varphi_B(\lambda_B)$ =54.52N(18.76E)	Liczba wierz. v $ V =m \cdot n$	Liczba kraw. e_x $ E $	Liczba zwrotów w trakcie trasy ω	Liczba punktów P_k na wyznaczonej trasie	Całkowita długość trasy D [Mm]	Całkowity czas trasy T [h]	Czas pracy procedury u SA [s]
Ziarnistość kraty $z = 73 \cdot 10^{-8}$							
W – 8	595	7514	8	29	15	6.06	0.19
W – 16	1178	21794	10	18	45	2.16	0.31
W – 32	1335	46730	8	21	15	1.99	0.57
Ziarnistość kraty $z = 293 \cdot 10^{-9}$							
W – 8	1886	30918	10	55	25	3.82	1.12
W – 16	2653	91156	3	50	25	1.20	1.45
W – 32	3222	200236	5	45	25	1.15	1.74

6. Podsumowanie

Wyznaczenie trasy dla grafu $G(V,E,O,S)$ jest znacznie trudniejsze niż dla grafu $G(V,E)$, gdyż uwzględnienie dodatkowych danych zwiększa liczbę możliwych wariantów żeglugi. Opracowany symulator SailingAssistance wykorzystuje funkcje opisane w procedurze SailingAssistance w rozdziale 4. Funkcje te mogą być wykorzystane w pewnych sekwencjach działań w zależności od sformułowanego problemu.

Rozszerzenie kryteriów optymalizacji trasy o dodatkowe warunki prowadzi do modyfikacji procedury wyznaczania trasy i wymaga zwiększenia użytej mocy obliczeniowej. To wymusza równoległe wykonanie wybranych funkcji, np. dyskretyzacja obszaru oraz wyznaczanie macierzy C_{ab} , czy stanów obszarów i obiektów. W następnych badaniach przewidziana jest analiza wielokryterialna

wybranych kryteriów. W samej procedurze możemy zrównoleglić wyznaczenie kolejnych wariantów rozgałęzienia żeglugi. Wymaga to jednak dalszych badań tak by wyniki trasy uwzględniały zmiany żeglugi w czasie rzeczywistym i wyprzedzały czas żeglowania. Zwiększenie ziarnistości kraty prowadzi do przybliżenia modelu dyskretnego do rzeczywistego, ale i wymaga użycia większej mocy obliczeniowej. W następnych badaniach przewiduje ewolucyjny proces zbliżania się do modelu rzeczywistego tak, aby metoda zbliżała się do w pewnym sensie do optymalnej.

LITERATURA

1. Daniel K., Nash A., Koenig S., Felner A.: Theta *: Any-Angle Path Planning on Grids, vol. 39, 2010, p. 533-579.
2. Dijkstra E.: A Note on Two Problems in Connexion with Graphs, Numer. Math., 1959, vol. 1, no. 1, p. 269-271.
3. Goluch T., Ocetkiewicz K., Giaro K.: Koala graph theory internet service, 2015 vol. 19, no. 4, p. 455-470.
4. Jurdziński M.: Podstawy Nawigacji Morskiej. Wydawnictwo Akademii Morskiej w Gdyni, 2003.
5. Kerwin J.: A velocity prediction program for ocean racing yachts revised to February 1978, M.I.T. Ocean Eng. Rep. No 78-11, MIT, Cambridge, MA, 1978.
6. Krawczyk H., C2 NIWA – The Centre of Competence for Novel Infrastructure of Workable Applications, TASK Quarterly, Vol. 19., nr 4, 2015, p. 357-369
7. Langbein J., Stelzer R., Fruhwirth T, A Rule-Based Approach to Long-Term Routing for Autonomous Sailboats, Springer, Proceedings of the 4th International Robotic Sailing Conference, Lübeck, 2011, p. 193-204
8. Philpott A, Henderson S., Teirney D.: A Simulation Model for Predicting Yacht Match Race Outcomes, Oper. Res., 2004, vol. 52, no. 1, p. 1-16.
9. Philpott A., Mason A.: Optimising yacht routes under uncertainty, Proc. 15th Chesap. Sail. Yacht Symp. Annapolis, MD, 2001.
10. Philpott A., Sullivan R., Jackson P.: Yacht velocity prediction using mathematical programming, Eur. J. Oper. Res., May 1993, vol. 67, no. 1, p. 13-24.
11. Stelzer R.: Autonomous Sailboat Navigation – Novel Algorithms and Experimental Demonstration, PhD Thesis, Centre for Computational Intelligence, De Montfort University, UK, 2012.

